



基础必修—管综（数学）

# 排列组合

主讲老师：媛媛老师

邮箱：[family7662@dingtalk.com](mailto:family7662@dingtalk.com)

# 目录

## Contents

---



基本计数原理



组合与排列



排列数与组合数



捆绑与插空



# 一、基本计数原理

# ▶ 基本计数原理——分类加法计数原理

## 1. 定义

如果完成一件事有两类不同方案（两类不同方案中的方法互不相同），在第1类方案中有 $n$ 种不同的方法，在第2类方案中有 $m$ 种不同的方法，那么完成这件事共有 $N = m + n$ 种不同的方法.



# ▶ 基本计数原理——分类加法计数原理

## 1. 定义

如果完成一件事有两类不同方案（两类不同方案中的方法互不相同），在第1类方案中有 $n$ 种不同的方法，在第2类方案中有 $m$ 种不同的方法，那么完成这件事共有 $N = m + n$ 种不同的方法.



香港



# ▶ 基本计数原理——分步乘法计数原理

## 1. 定义

如果完成一件事需要两个步骤，做第 1 步有  $m$  种不同的方法，做第 2 步有  $n$  种不同的方法，那么完成这件事共有  $N = m \times n$  种不同的方法.



香港



非洲



## 练习

1. ①有男生4个，女生3个，从中任选1个参加活动，共有\_\_\_\_\_种选法

②有男生4个，女生3个，从中任选1个男生和1个女生参加活动，共有\_\_\_\_\_种选法

2. 从A村去B村的路有3条，从B村去C村的路有2条，则从A村经B村去C村，不同路线的条数是\_\_\_\_

## 练习

3.①小红有2条不同的裙子，有4双不同的鞋子，共有\_\_\_\_\_种穿法

②小红有2条不同的裙子，有4双不同的鞋子，还有3件不同的上衣，共有\_\_\_\_\_种穿法



## 练习

1. ①有男生4个，女生3个，从中任选1个参加活动，共有\_\_\_\_\_种选法【7】

②有男生4个，女生3个，从中任选1个男生和1个女生参加活动，共有\_\_\_\_\_种选法【12】

2. 从A村去B村的路有3条，从B村去C村的路有2条，则从A村经B村去C村，不同路线的条数是\_\_【6】

3. ①小红有2条不同的裙子，有4双不同的鞋子，共有\_\_\_\_\_种穿法【8】

②小红有2条不同的裙子，有4双不同的鞋子，还有3件不同的上衣，共有\_\_\_\_\_种穿法【24】

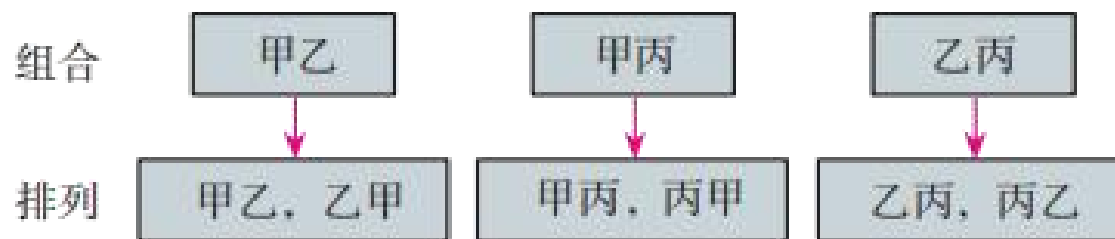
## 二、组合与排列

## 组合

从 $n$ 个不同元素中取出 $m$  ( $m \leq n$ ) 个元素作为一组，叫做从 $n$ 个不同元素中取出 $m$ 个元素的一个组合，所有不同组合的个数叫组合数，用符号 $C_n^m$ 表示.

## 排列

从 $n$ 个不同元素中取出 $m$  ( $m \leq n$ ) 个元素，并按照一定的顺序排成一行，叫做从 $n$ 个不同元素中取出 $m$ 个元素的一个排列，所有不同排列个数叫排列数，用 $A_n^m$ .



## 练习

例：① 从a, b, c, d中取出2个字母，共有\_\_\_\_\_种取法

② 从a, b, c, d中取出2个字母排列，共有多少种\_\_\_\_\_排法

③ a, b, c, d 4个字母排列，共有多少种\_\_\_\_\_排法

## 练习

例：① 从a, b, c, d中取出2个字母，共有\_\_\_\_\_种取法  $【C_4^2】$

② 从a, b, c, d中取出2个字母排列，共有多少种\_\_\_\_\_排法  $【C_4^2 A_2^2 = A_4^2】$

③ a, b, c, d 4个字母排列，共有多少种\_\_\_\_\_排法  $【A_4^4】$

# 三、排列数与组合数

## 排列数

排列数公式:  $A_n^m = n(n-1)(n-2)\cdots (n-m+1)$

全排列:  $A_n^n = n(n-1)(n-2)\cdots \times 3 \times 2 \times 1 = n!$

规定:  $0! = 1$



## 排列数

排列数公式:  $A_n^m = n(n-1)(n-2)\cdots (n-m+1)$

全排列:  $A_n^n = n(n-1)(n-2)\cdots \times 3 \times 2 \times 1 = n!$

规定:  $0! = 1$

例: 甲乙丙丁四人排队, 共有\_\_\_\_\_种排法

## 排列数

排列数公式:  $A_n^m = n(n-1)(n-2)\cdots (n-m+1)$

全排列:  $A_n^n = n(n-1)(n-2)\cdots \times 3 \times 2 \times 1 = n!$

规定:  $0! = 1$

例: 甲乙丙丁四人排队, 共有  $A_4^4 = 4 \times 3 \times 2 \times 1 = 24$  种排法

## 组合数

组合数公式:

$$C_n^m = \frac{A_n^m}{A_m^m} = \frac{A_n^m}{m!} = \frac{n(n-1)\cdots(n-m+1)}{m!}$$

$$C_n^n = \frac{A_n^n}{A_n^n} = 1 \quad \text{规定: } C_n^0 = 1$$

## 组合数

组合数公式:

$$C_n^m = \frac{A_n^m}{A_m^m} = \frac{A_n^m}{m!} = \frac{n(n-1)\cdots(n-m+1)}{m!}$$

$$C_n^n = \frac{A_n^n}{A_n^n} = 1 \quad \text{规定: } C_n^0 = 1$$

例: ①从3名男生中选出2名参加活动, 共有\_\_\_\_\_种选法

②从3名男生和4名女生中选出2名男生和1名女生演出, 共有\_\_\_\_\_种选法

③从a, b, c, d中取出2个字母排列, 共有\_\_\_\_\_排法

## 组合数

组合数公式:

$$C_n^m = \frac{A_n^m}{A_m^m} = \frac{A_n^m}{m!} = \frac{n(n-1)\cdots(n-m+1)}{m!}$$

$$C_n^n = \frac{A_n^n}{A_n^n} = 1 \quad \text{规定: } C_n^0 = 1$$

例: ①从3名男生中选出2名参加活动, 共有  $C_3^2 = \frac{3 \times 2}{2 \times 1} = 3$  种选法

②从3名男生和4名女生中选出2名男生和1名女生演出, 共有  $C_3^2 C_4^1 = \frac{3 \times 2}{2 \times 1} \times 4 = 12$  种选法

③从a, b, c, d中取出2个字母排列, 共有  $C_4^2 A_2^2 = \frac{4 \times 3}{2 \times 1} \times 2 \times 1 = 12$  种排法

## 练习

1.从4台甲型和5台乙型电视机中任意抽取3台，要求其中至少有甲型和乙型的电视机各一台，则共有不同的取法【 】种.

A.140

B.84

C.70

D.35

E.135

## 练习

1.从4台甲型和5台乙型电视机中任意抽取3台，要求其中至少有甲型和乙型的电视机各一台，则共有不同的取法【**C**】种.

A.140

B.84

C.70

D.35

E.135

【解析】至少有甲型和乙型电视机各一台，则有两类情况：①2甲1乙， $C_4^2 C_5^1 = \frac{4 \times 3}{2 \times 1} \times 5 = 30$ ，②1甲2乙， $C_4^1 C_5^2 = 4 \times \frac{5 \times 4}{2 \times 1} = 40$ ，所以共有①+②=30+40=70种. 故选C.

## 练习

2.从1, 2, 3, 4, 5这五个数中任取三个数, 组成一个没有重复数字的三位数, 不同的三位数有\_\_\_\_个【 】.

A.180

B.120

C.80

D.60

E.24



## 练习

2.从1, 2, 3, 4, 5这五个数中任取三个数, 组成一个没有重复数字的三位数, 不同的三位数有\_\_\_\_个【**D**】.

A.180

B.120

C.80

D.60

E.24

【解析】 $C_5^3 A_3^3 = \frac{5 \times 4 \times 3}{3 \times 2 \times 1} \times 3 \times 2 \times 1 = 60$ 种. 故选D.

# 四、捆绑、插空

## 捆绑法

**捆绑法：**题目要求若干元素相邻时，把相邻的若干元素**捆绑**视作一个元素与其他元素排列（注意捆绑的元素**内部**排序）

## 捆绑法

**捆绑法：**题目要求若干元素相邻时，把相邻的若干元素**捆绑**视作一个元素与其他元素排列（注意捆绑的元素**内部**排序）

例：

- ①5人站成一排，其中要求甲乙相邻且乙在甲的右边，共有\_\_\_\_\_种不同的排法.
- ②5人站成一排，其中要求甲乙相邻，共有\_\_\_\_\_种不同的排法.
- ③5人站成一排，其中要求甲乙相邻且丙丁相邻，共有\_\_\_\_\_种不同的排法.

## 捆绑法

**捆绑法：**题目要求若干元素相邻时，把相邻的若干元素**捆绑**视作一个元素与其他元素排列（注意捆绑的元素**内部**排序）

例：

①5人站成一排，其中要求甲乙相邻且乙在甲的右边，共有 $A_4^4 = 24$ 种不同的排法.

②5人站成一排，其中要求甲乙相邻，共有 $2 \times A_4^4 = 48$ 种不同的排法.

③5人站成一排，其中要求甲乙相邻且丙丁相邻，共有 $2 \times 2 \times A_3^3 = 24$ 种不同的排法.

## 练习

3.7个人照相，要求甲乙两人相邻，不同的排法有\_\_\_\_\_种.【 】.

A.120

B.240

C.720

D.1440

E.5040

## 练习

3.7个人照相，要求甲乙两人相邻，不同的排法有\_\_\_\_\_种. 【 **D** 】.

A.120

B.240

C.720

D.1440

E.5040

【解析】 第一步：甲、乙捆绑在一起为一个元素，内部可调换位置，有2种排法，第二步：再与其他5个元素全排列 $A_6^6$ ，所以有 $2 \times A_6^6 = 2 \times 6 \times 5 \times 4 \times 3 \times 2 \times 1 = 1440$ 种排法. 故选D.

## 练习

4.某公司7名员工照相，要求排成一排，A、B两人相邻但不排在两端，不同的排法种数有  
种.【 】

A.280

B.960

C.720

D.480

E.1440



## 练习

4.某公司7名员工照相，要求排成一排，A、B两人相邻但不排在两端，不同的排法种数有种. 【**B**】

A.280

【解析】

B.960

先将A、B全排列 $A_2^2$ ，捆绑看做一个整体；和剩下的5名员工共有6个位置，但由于不能排在两端，A、B整体只有4个位置可选 $C_4^1$ ；再将剩下的5名员工全排列 $A_5^5$ ，故最终有 $A_2^2 C_4^1 A_5^5 = 960$ 种. 故选B.

C.720

D.480

E.1440

## 插空法

**插空法：**题目要求若干元素不相邻时，先把没有特殊要求的元素排好，再把要求不相邻的元素插空.

## 插空法

**插空法：**题目要求若干元素不相邻时，先把没有特殊要求的元素排好，再把要求不相邻的元素插空.

例：①4人站成一排，其中要求甲乙不相邻，共有\_\_\_\_\_种不同的排法.

②5人站成一排，其中要求甲乙不相邻，共有\_\_\_\_\_种不同的排法.

## 插空法

**插空法：**题目要求若干元素不相邻时，先把没有特殊要求的元素排好，再把要求不相邻的元素插空.

例：③5人站成一排，其中要求甲乙丙不相邻，共有\_\_\_\_\_种不同的排法.

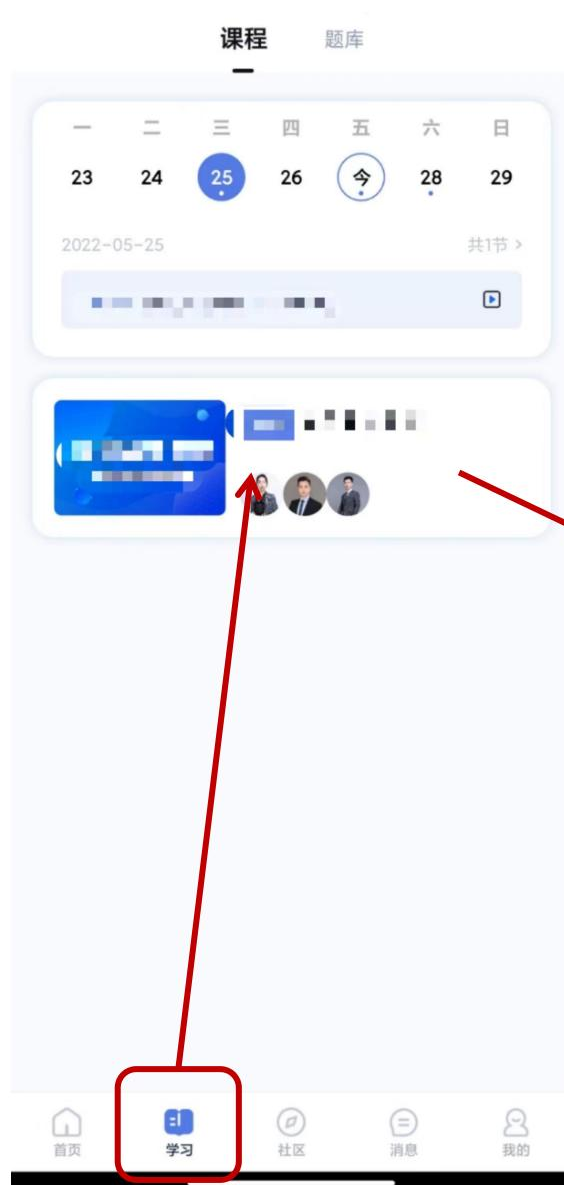
## 插空法

**插空法：**题目要求若干元素不相邻时，先把没有特殊要求的元素排好，再把要求不相邻的元素插空.

例：①4人站成一排，其中要求甲乙不相邻，共有  $A_2^2 C_3^2 A_2^2 = 12$  种不同的排法.

②5人站成一排，其中要求甲乙不相邻，共有  $A_3^3 C_4^2 A_2^2 = 72$  种不同的排法.

③5人站成一排，其中要求甲乙丙不相邻，共有  $A_2^2 C_3^3 A_3^3 = 12$  种不同的排法.



学习→点击课程→点击评价(5星好评)→提交评价



# 感谢您的观看

主讲老师：媛媛老师

邮箱：[family7662@dingtalk.com](mailto:family7662@dingtalk.com)